ブラックホール・アクシオン系と

重力波放射

吉野裕高(大阪市大) & 小玉英雄(京大基研)

PTP128, 153 (2012); PTEP2014, 043E02 (2014); PTEP2015, 061E01 (2015); arXiv:1505.00714.



神戸大学大学院理学研究科宇宙論研究室セミナー (2016年6月29日)

目次

イントロダクション

• 超放射不安定

• ブラックホール・アクシオン系の時間発展

- 非線形自己相互作用 PTP128,153 (2012); arXiv:1505.00714.
- ₹ 重力波放射 arXiv:1505.00714.
- 🖣 モデルに対する制限

### ₹ まとめ

イントロダクション

#### 重力波が検出された!



#### AXIVERSE シナリオ

Arvanitaki, Dimopoulos, Dubvosky, Kaloper, March-Russel, PRD81 (2010), 123530.

#### 🖲 ストリングアクシオン

- ◎ 超弦理論は10~100のアクシオン的な有質量粒子の存在を予言する
- ◎ ストリングアクシオンが引き起こすと期待される様々な現象がある



#### ストリングアクシオン場がある場合

天体ブラックホールの回転エネルギーを引き抜き、アクシオンの雲を形成する。



- ◎ 超放射不安定
- 非線形の自己相互作用
- 重力波放射
- ◎ BHパラメーターの時間発展



by Hideo Kodama



Kerr ブラックホール



💿 エルゴ領域

$$\xi = \partial_t$$
が空間的になる  
 $\xi_a \xi^a = g_{tt} > 0$   
 $E = -p_a \xi^a$   
正にも負にもなる





## Energy extraction

BH's rotational energy

$$M_{
m rot} = M - M_{
m irr}$$
 $M_{
m irr} = \sqrt{rac{A_H}{16\pi}}$ 

 $\bigcirc$ 



- Methods of energy extraction
  - Penrose process

#### Blandford-Znajek process







#### (Next slide)

### Superradiance



#### 重力原子



波動関数と成長率

#### HY and Kodama, arXiv:1505.00714.



ブラックホール・アクシ オン系の時間発展 (他のグループの研究)

ストリングアクシオン場がある場合

天体ブラックホールの回転エネルギーを引き抜き、アクシオンの雲を形成する。



- ◎ 超放射不安定
- 非線形の自己相互作用
- 重力波放射

ブラックホール・アクシオン系の時間発展

#### Brito, Cardoso & Pani, arXiv:1411.0686.



$$\dot{M} + \dot{M}_S = - \dot{E}_{\rm GW} + \dot{M}_{\rm ACC} ,$$
  
$$\dot{J} + \dot{J}_S = - \frac{1}{\mu} \dot{E}_{\rm GW} + \dot{J}_{\rm ACC} ,$$

$$\dot{M} = -\dot{E}_S + \dot{M}_{ACC} ,$$
  
$$\dot{J} = -\frac{1}{\mu}\dot{E}_S + \dot{J}_{ACC} ,$$





## 観測的検証の可能性 (QCDアクシオン)

#### Arvanitaki et al., arXiv:1411.0686.

● 連続重力波検出可能性



#### ● 合体前のBHのパラメータ分布







# 非線形自己相互作用

#### ストリングアクシオン場がある場合

天体ブラックホールの回転エネルギーを引き抜き、アクシオンの雲を形成する。



- ◎ 超放射不安定
- 非線形の自己相互作用
- 重力波放射
- BHパラメーターの時間発展

非線形自己相互作用の効果

• 
$$V = f_a^2 \mu^2 [1 - \cos(\Phi/f_a)]$$

$$\Rightarrow \nabla^2 \varphi - \mu^2 \sin \varphi = 0 \quad \varphi \equiv \frac{\Phi}{f_a}$$

$$\frac{E_a}{M} \sim \frac{1}{(\mu M)^4} \left(\frac{f_a}{M_p}\right)^2$$

BHスピンダウンが効く条件: 
$$\frac{E_a}{M} \sim 1 - \frac{1}{\sqrt{2}}$$

典型的なパラメータでは、スピンダウンよりも前に効く

シミュレーション

Sine-Gordon 場をカー時空を背景時空として解く。

$$\nabla^2 \varphi - \mu^2 \sin \varphi = 0$$

₹ コード:

•  $_{3}D \exists - F(r, \theta, \phi)$  HY and Kodama, PTP128, 153 (2012)

数値不安定をさけるために回転座標系を用いる

● 擬スペクトル法のコード

$$\varphi = \sum_{\ell,m} a_{\ell m}(t, r_*) Y_{\ell m}(\theta, \phi)$$

# ここで見せるシミュレーション

Simulations	$a_*$	$M\mu$	$(\ell,m)$	Bosenova?
<i>arXiv:1505.00</i> 714. (1a)	0.99	0.4	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1b)	0.99	0.3	(1, 1)	Yes
arXiv:1505.00714. (2)	0.99	0.8	(2,2)	No
<i>arXiv:1505.00714.</i> (3a)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)
PRELIMINARY (3b)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)

# ここで見せるシミュレーション

Simulations	$a_*$	$M\mu$	$(\ell,m)$	Bosenova?
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1a)	0.99	0.4	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1b)	0.99	0.3	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (2)	0.99	0.8	(2,2)	No
<i>arXiv:1505.00714</i> . (3a)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)
PRELIMINARY (3b)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)



シミュレーション (Ia) のまとめ  $\P$   $arphi_{ ext{peak}} \lesssim 0.6$  🄛 何も起こらない  $\varphi_{\text{peak}} \gtrsim 0.7$   $\triangleright$  ボーズノバが起こる 🞈 ボーズノバは、モードの励起による正のエネルギーの落下によ  $\begin{array}{ccc} & 0.8 \\ 0.4 \\ 0 \\ -0.4 \\ -0.4 \\ -1.2 \\ -1.6 \end{array} \right|_{-1.6}$ って特徴づけられる。  $F_E$  $F_I$ 200 400 600 800 1000 0 t/Mm = - I モードにより超放射不安定が中断される。 約5%のエネルギーがブラックホールに落下

◎ 高次の (l,m) モードにより、20%のエネルギーが遠方に 運ばれる。

### BH-アクシオン系のおおまかな時間発展



時間

# ここで見せるシミュレーション

Simulations	$a_*$	$M\mu$	$(\ell,m)$	Bosenova?
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1a)	0.99	0.4	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1b)	0.99	0.3	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (2)	0.99	0.8	(2,2)	No
<i>arXiv:1505.00714</i> . (3a)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)
PRELIMINARY (3b)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)







- Mµ が小さいほどモード励起が強くなる(ボーズノバは激しくなる)。
- Mµが小さいと、より小さい振幅でボーズノバが起こる
   (エネルギーの値はより大きい値でおこる).

# ここで見せるシミュレーション

Simulations	$a_*$	$M\mu$	$(\ell,m)$	Bosenova?
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1a)	0.99	0.4	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1b)	0.99	0.3	(1, 1)	Yes
arXiv:1505.00714. (2)	0.99	0.8	(2,2)	No
<i>arXiv:1505.00714</i> . (3a)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)
PRELIMINARY (3b)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)





シミュレーション結果(2)

エネルギーと角運動量は引き抜かれ続ける



エネルギーと角運動量は遠方に放出され続ける





シミュレーション(2)のまとめ

- マクシオン雲が l=m=2 モードにある場合, ボーズノバは起こらない.
- ブラックホールからのエネルギー引き抜きが続き,同時に
   外向きのフラックスも発生する.
- l=m=2 の場合, アクシオン雲は scalar breather のように振る 舞う.

# ここで見せるシミュレーション

Simulations	$a_*$	$M\mu$	$(\ell,m)$	Bosenova?
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1a)	0.99	0.4	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1b)	0.99	0.3	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (2)	0.99	0.8	(2,2)	No
<i>arXiv:1505.00714</i> . (3a)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)
PRELIMINARY (3b)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)

(Ia) と (3a)の場合 初期の振幅は l=m=I モード→0.7 l=m=2 モード→0.01



## 地平面に落ちるエネルギー束

## 地平面に落ちる角運動量束



シミュレーション (3a) のまとめ (当時)

- l=m=I モードのアクシオン雲に小さい量の l=m=2 モードを加 えると、スカラー場の振る舞いは大きくかわる.
- これは l=m=2 モードが強制振動のように励起されるからである。
- アクシオン雲のダイナミクスは初期条件に強く依存する.

**・ 詳細なスカラー場のダイナミクスの予言は難しい.** 

# ここで見せるシミュレーション

Simulations	$a_*$	$M\mu$	$(\ell,m)$	Bosenova?
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1a)	0.99	0.4	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (1b)	0.99	0.3	(1, 1)	Yes
<i>arXiv:1505.00714</i> . (2)	0.99	0.8	(2,2)	No
<i>arXiv:1505.00714</i> . (3a)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)
PRELIMINARY (3b)	0.99	0.4	(1,1) + (2,2)	(?)



$$\dot{N}_1 = 2\gamma_1 N_1 - 2N_1^2 N_2 + N_1 N_2^2$$
$$\dot{N}_2 = N_1^2 N_2 - 2N_1 N_2^2$$



(3b)の場合

初期の振幅は l=m=I モード→o.6 l=m=2 モード→0.01

₹ スカラー場















シミュレーション(3b)のまとめ

1=m=3モードの励起は確かめられる.
 Unbounded なモードのように見える.

🥄 これらがボーズノバの発生を妨げるかもしれない.

## PRELIMINARY



ストリングアクシオン場がある場合

天体ブラックホールの回転エネルギーを引き抜き、アクシオンの雲を形成する。



- 超放射不安定
- 非線形の自己相互作用

## • 重力波放射

ボーズノバで発生する重力波の計算

- ◎ スカラー場をテスト場の近似で計算
- テスト場のエネルギー・運動量テンソル $T_{\mu\nu}$ を計算
- 。  $T_{\mu\nu}$  を源として発生する Teukolsky 方程式を時間領域で解く

$$\begin{bmatrix} \frac{(r^2 + a^2)^2}{\Delta} - a^2 \sin^2 \theta \end{bmatrix} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} + \frac{4Mar}{\Delta} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t \partial \phi} + \begin{bmatrix} \frac{a^2}{\Delta} - \frac{1}{\sin^2 \theta} \end{bmatrix} \frac{\partial^2 \psi}{\partial \phi^2} \\ -\Delta^{-s} \frac{\partial}{\partial r} \left( \Delta^{s+1} \frac{d\psi}{dr} \right) - \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin \theta \frac{\partial \psi}{\partial \theta} \right) - 2s \left[ \frac{a(r-M)}{\Delta} + \frac{i \cos \theta}{\sin^2 \theta} \right] \frac{\partial \psi}{\partial \phi} \\ -2s \left[ \frac{M(r^2 - a^2)}{\Delta} - r - ia \cos \theta \right] \frac{\partial \psi}{\partial t} + (s^2 \cot^2 \theta - s)\psi = 4\pi \Sigma T$$



arXiv:1505.00714.



ONGOING

# GW (Schwarzschild)

## Calculation of source term (3)

#### Schwarzschild case

 $f = \Phi^{(m_1)}$  $g = \Phi^{(m_2)}$ 

$$\begin{split} (\text{source term}) &= -\pi \frac{2^{\frac{|m-2|+|m+2|}{\Delta}\sum}{\Delta G\rho^4 r}}{\sum} \times \left( \\ m_2(m_2 - \text{sgn}(m_2))(1+y)^{\frac{|m_1|+|m_2|-2+4\theta(m_2)-|m+2|}{2}}(1-y)^{\frac{|m_1|+|m_2|-2+4\theta(-m_2)-|m-2|}{2}} \\ &\times \left[ \ddot{f} + f_{,r,r,r} - 2\dot{f}_{,r,r} - \frac{2(r-3M)}{r^2}(\dot{f} - f_{,r,r}) \right] g \\ + m_1(m_1 - \text{sgn}(m_1))(1+y)^{\frac{|m_1|+|m_2|-2+4\theta(m_1)-|m+2|}{2}}(1-y)^{\frac{|m_1|+|m_2|-2+4\theta(-m_1)-|m-2|}{2}} \\ &\times f \left[ \ddot{g} + g_{,r,r,r} - 2\dot{g}_{,r,r} - \frac{2(r-3M)}{r^2}(\dot{g} - g_{,r,r}) \right] \\ + 2m_1m_2(1+y)^{\frac{|m_1|+|m_2|-2+2\theta(m_1)+2\theta(m_2)-|m+2|}{2}}(1-y)^{\frac{|m_1|+|m_2|-2+2\theta(-m_1)+2\theta(m_2)-|m-2|}{2}} \\ &\times \left[ -(\dot{f} - f_{,r,r})(\dot{g} - g_{,r,r}) + \frac{\Delta^2}{r^6}fg \right] \\ + (1+y)^{\frac{|m_1|+|m_2|+2-|m+2|}{2}}(1-y)^{\frac{|m_1|+|m_2|+2-|m-2|}{2}} \\ &\times \left\{ \left[ \ddot{f} + f_{,r,r,r} - 2\dot{f}_{,r,r} - \frac{2(r-3M)}{r^2}(\dot{f} - f_{,r,r}) \right] g_{,yy} \\ &+ f_{,yy} \left[ \ddot{g} + g_{,r,r,r} - 2\dot{g}_{,r,r} - \frac{2(r-3M)}{r^2}(\dot{g} - g_{,r,r}) \right] \\ &- 2(\dot{f}_{,y} - f_{,yr,r})(\dot{g}_{,y} - g_{,yr,r}) + 2\frac{\Delta^2}{r^6}f_{,y}g_{,y} \right\} \\ + 2m_2(1+y)^{\frac{|m_1|+|m_2|+2\theta(m_2)-|m+2|}{2}}(1-y)^{\frac{|m_1|+|m_2|+2\theta(-m_2)-|m-2|}{r^2}} \\ &\times \left\{ - \left[ \ddot{f} + f_{,r,r,r} - 2\dot{f}_{,r,r} - \frac{2(r-3M)}{r^2}(\dot{f} - f_{,r,r}) \right] g_{,yy} (\dot{f}_{,y} - f_{,yr,r})(\dot{g} - g_{,r,r}) - \frac{\Delta^2}{r^6}f_{,y}g_{,r} \right\} \\ + 2m_1(1+y)^{\frac{|m_1|+|m_2|+2\theta(m_1)-|m+2|}{2}}(1-y)^{\frac{|m_1|+|m_2|+2\theta(-m_1)-|m-2|}{r^2}} \\ &\times \left\{ -f_{,y} \left[ \ddot{y} + g_{,r,r,r} - 2\dot{g}_{,r,r} - \frac{2(r-3M)}{r^2}(\dot{g} - g_{,r,r}) \right] + (\dot{f} - f_{,r,r})(\dot{g}_{,y} - g_{,yr,r}) - \frac{\Delta^2}{r^6}f_{,y}g_{,r} \right\} \right\}$$

# Simulations



HY and Kodama, arXiv:1505.00714.

- Schwarzschild black hole
- $\bigcirc \quad M\mu=0.3$
- Initial condition: Quasi-bound state of Klein-Gordon field in the mode l = m = 1, nr=0
- I) Klein-Gordon case
- (2) Mildly nonlinear case
- (3) Strongly nonlinear case

# Simulations



HY and Kodama, arXiv:1505.00714.

- Schwarzschild black hole
- $\bigcirc \quad M\mu=0.3$
- Initial condition: Quasi-bound state of Klein-Gordon field in the mode l = m = 1, nr=0
- (1) Klein-Gordon case
- (2) Mildly nonlinear case
- (3) Strongly nonlinear case

#### GW emission from Klein-Gordon "boundstate"

 $m_1 = m_2 = 1 \quad \longrightarrow \quad \tilde{m} = 2$ 



# Simulations



HY and Kodama, arXiv:1505.00714.

- Schwarzschild black hole
- $M\mu = 0.3$
- Initial condition: Quasi-bound state of Klein-Gordon field in the mode l = m = 1, nr=0
- I) Klein-Gordon case
- (2) Mildly nonlinear case
- (3) Strongly nonlinear case

#### GW emission: Mildly nonlinear case

$$m_1 = m_2 = 1 \iff \tilde{m} = 2$$



# Simulations



HY and Kodama, arXiv:1505.00714.

- Schwarzschild black hole
- $\bigcirc \quad M\mu=0.3$
- Initial condition: Quasi-bound state of Klein-Gordon field in the mode l = m = 1, nr=0
- (I) Klein-Gordon case
- (2) Mildly nonlinear case
- (3) Strongly nonlinear case

## GW emission from the "bosenova" (Schwarzschild) Scalar field GWs



## GW emission from the "bosenova" (Schwarzschild) Scalar field GWs



## Summary (Physics)

The phenomena caused by scalar fields' nonlinear selfinteraction highly depend on the situation.

l = m = 1 mode:



Scalar field: Bosenova happens. GWs: GW burst is generated.

l = m = 2 mode:



Scalar field: Bosenova does not happen. GWs: GW burst would not be generated (?).

#### GW emission: Mildly nonlinear case

 $m_1 = m_2 = 1 ~ \longrightarrow ~ \tilde{m} = 2$ 



モデルに対する制限

# Cygnus X-I を用いたモデルの制限

- $M \approx 15 M_{\odot}$
- $a_* \gtrsim 0.983$
- $d \approx 1.86 \text{ kpc}$

#### McClintock, et al., arXiv:1106.3688-3690{astro-ph}

• 
$$\mu = 2.4 \times 10^{-12} \text{eV} (M\mu = 0.3)$$
の場合を考える

• 重力波観測からつけられる制限  $ightarrow f_a \lesssim 10^{15} \text{ GeV}$ 



ブラックホールの回転からつけられる制限
  $\Delta a_* \ll 1$ 





#### まとめ

- アクシオン・ボーズノバ
   信頼できるコードを開発し、カーブラックホールまわりでのアクシオン場の振る舞いを調べた.
  - 1=m=Iモード → ボーズノバの発生。
  - ◎ 1=m=2モード → ボーズノバは発生しない。
  - m=I, 2 モードが同時に存在する場合はボーズノバは発生しない
     かもしれない。
- 🎈 重力波 🍙 ボーズノバ中にバースト重力波が放射される。

● そのような重力波放射は断続的に起こると期待される。
 BH-アクシオン系は重力波の間欠泉と見なせる.

マラックホールの回転パラメーターを考慮すると、BH-アクシ オン系からの重力波の観測は難しいかもしれない。